

Orientifolios no-supersimétricos con branas y anti-branas

A. Font y J.A. López

Centro de Física Teórica y Computacional, Fac. de Ciencias, Univ. Central de Venezuela,
Apartado Postal 47270, Caracas 1041-A, Venezuela

Recibido el 10 de diciembre de 2003; aceptado el 11 de mayo de 2004

Se estudian orientifolios de la cuerda IIB en T^{2d}/\mathbb{Z}_N , con supersimetría rota por la compactificación. Se determinan las condiciones de cancelación de tadpoles incluyendo anti-branas y considerando distintas acciones de la paridad Ω . Utilizando estas condiciones se obtiene el espectro de taquiones y estados de masa nula. Varios ejemplos con N par corresponden a orientifolios de la cuerda 0B.

Descriptores: Cuerdas no-supersimétricas; orientifolios; D-branas.

We study type IIB orientifolds on T^{2d}/\mathbb{Z}_N with supersymmetry broken by compactification. We determine tadpole cancellation conditions including anti-branes and considering different actions for parity Ω . Using these conditions we then obtain the spectrum of tachyons and massless states. Various examples with N even correspond to type 0B orientifolds.

Keywords: Non-supersymmetric strings; orientifolds; D-branes.

PACS: 11.25.Mj; 11.25.Uv

1. Introducción

Los orientifolios permiten construir compactificaciones de cuerdas abiertas comenzando sistemáticamente con un cociente de la cuerda IIB por un grupo de simetría que incluye a Ω , el operador de paridad en la hoja de mundo. La proyección por Ω introduce superficies de Riemman no-orientables en la expansión perturbativa. La amplitud vacío-vacío a 1-lazo sobre la botella de Klein (\mathcal{K}) tiene generalmente divergencias creadas por tadpoles, cuyo origen es la existencia de planos orientifolios de tensión negativa y cargados bajo potenciales RR. Una forma natural de cancelar los tadpoles es introducir Dp-branas de tensión positiva y cargas opuestas. Cuerdas abiertas con extremos en branas tienen amplitudes a 1-lazo sobre el cilindro (\mathcal{C}_{pq}) y la cinta de Möbius (\mathcal{M}_p), cuyas divergencias cancelan a las de \mathcal{K} [1].

Una motivación fenomenológica para estudiar modelos con cuerdas abiertas es la posibilidad de realizar teorías en las cuales los campos de calibre y materia cargada están confinados sobre las Dp-branas mientras que el campo gravitacional, proveniente de cuerdas cerradas, se propaga en todo el espacio. Una consecuencia muy importante de este escenario de mundo-brana es el desligamiento de la escala de la cuerda (M_s) de la masa de Planck. Por ejemplo, es posible tener $M_s \sim 1\text{Tev}$ y así eliminar la necesidad de supersimetría para resolver el problema de la jerarquía de masas. Surge entonces el interés en estudiar cuerdas no-supersimétricas.

En este trabajo se discuten orientifolios con grupo de simetría generado por Ω y una rotación de orden N que rompe supersimetría. Veremos que las condiciones de cancelación de tadpoles permiten incluir anti-branas y distintas acciones de la paridad Ω para obtener nuevos modelos.

2. Generalidades

Consideramos orientifolios con grupo cociente de estructura $\mathcal{G} = (\mathbb{1} + \Omega)\mathbb{Z}_N$. Para describir la acción del generador θ de

\mathbb{Z}_N sobre los X^M y ψ^M en el cono de luz ($M = 2, \dots, 9$) es útil usar bases complejas $Y^\alpha = X^{2\alpha+2} + iX^{2\alpha+3}$ y $\Psi^\alpha = \psi^{2\alpha+2} + i\psi^{2\alpha+3}$, $\alpha = 0, \dots, 3$, en las cuales θ es diagonal, i.e. $\theta Y^\alpha = e^{2i\pi v_\alpha} Y^\alpha$ y $\theta \Psi^\alpha = e^{2i\pi v_\alpha} \Psi^\alpha$, donde $Nv_\alpha \in \mathbb{Z}$ pues $\theta^N = \mathbb{1}$. El espacio-tiempo es $(\text{Mink})^D$ con $D = 10 - 2d$, y el espacio interno es el orbifoldio T^{2d}/\mathbb{Z}_N , con coordenadas Y^i , $i = 4-d, \dots, 3$. En los casos de interés $d \leq 3$. Nótese que invariancia de Lorentz requiere $v_\alpha \in \mathbb{Z}$ para $\alpha = 0, \dots, 3 - d$.

El pequeño grupo $SO(8)$ se rompe a $SO(D-2) \times SO(2d)$ y los estados de la cuerda se clasifican en términos de representaciones de $SO(D-2)$. Por ejemplo, en el sector Neveu-Schwarz (NS) derecho de la cuerda cerrada los estados de masa nula son $\psi_{-\frac{1}{2}}^M |0\rangle$ que transforma como un vector de $SO(8)$ con pesos vectoriales $\mathbf{8}_v = (\pm 1, 0, 0, 0)$ que bajo $SO(D-2)$ corresponden a un vector y d escalares complejos $\Psi_{-\frac{1}{2}}^i |0\rangle$. En el sector Ramond (R), el vacío tiene masa nula y es espinor de $SO(8)$ con pesos

$$\mathbf{8}_s = \pm \left(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2} \right).$$

En general, a cada estado se le asigna un peso r de $SO(8)$. La proyección GSO es $\sum_a r_a = \text{impar}$. Además, la acción de θ es simplemente $\theta|r\rangle = e^{2i\pi r \cdot v}|r\rangle$, donde $v = (v_0, v_1, v_2, v_3)$.

Los posibles valores de los v_α están restringidos por la condición de acción cristalógrafica de θ^m sobre la red del toroide interno. Además, dado $S_v = \sum_\alpha v_\alpha$, invariancia modular impone $NS_v = \text{par}$. Para mantener supersimetría es necesario que existan estados $|r\rangle$ invariantes, cuando r es un peso en $\mathbf{8}_s$. Al relajar esta condición se rompe supersimetría. Algunos v 's para \mathbb{Z}_N no-supersimétricos son:

\mathbb{Z}_2	$(0, 0, 0, 1)$	\mathbb{Z}_5	$(0, 0, \frac{1}{5}, \frac{3}{5})$	(1)
\mathbb{Z}_3	$(0, 0, 0, \frac{2}{3})$	\mathbb{Z}_6	$(0, \frac{1}{3}, \frac{1}{3}, \frac{1}{3})$	

En estos ejemplos θ^m no produce reflexiones en las coordenadas Y^α y por lo tanto los orientifolios resultantes sólo

contienen D9-branas. En el \mathbb{Z}_2 tenemos un orientifolio de la cuerda 0B en $D=10$ pues v_3 es entero y de hecho $\theta = (-1)^{F_S}$, donde F_S es el número fermiónico espacio-tiempo. En \mathbb{Z}_6 , $\theta^3 = (-1)^{F_S}$.

2.1. Estados de cuerda cerrada

Invariancia modular requiere la existencia de sectores torcidos por θ^n , $n = 0, \dots, N - 1$. En cada sector los estados se construyen tomando el producto tensorial $|R\rangle \times |L\rangle$ de modos derechos e izquierdos. A su vez, $|R\rangle = |N_R, r_{nR}\rangle$ donde N_R es un número de oscilación y $r_{nR} = r_R + nv$ con r_R peso de $SO(8)$ (similar para $|L\rangle$). Para construir los estados del orientifolio se comienza tomando combinaciones invariantes bajo la acción \mathbb{Z}_N . En el sector no-torcido es suficiente con tener $(r_R - r_L) \cdot v$ entero para estados sin osciladores. En los sectores torcidos es necesario tomar en cuenta la estructura de puntos fijos. Luego se impone invariancia bajo Ω que intercambia modos derechos con izquierdos. Las combinaciones en los sectores NSNS y [NSR + RNS] deben ser simétricas, en el sector RR antisimétricas. En los sectores torcidos se debe considerar que $\theta^n \rightarrow \theta^{N-n}$ bajo Ω .

2.2. Estados de cuerda abierta

Incluyendo etiquetas ab para los extremos en Dp y Dq -branas los estados son de la forma $|\phi, ab\rangle(\lambda_{pq}^\phi)_{ab}$, donde λ_{pq}^ϕ es la matriz de Chan-Paton y ϕ representa los modos de los campos en la hoja de mundo. La acción de θ^m y $\Omega\theta^m$ en la Dp -brana se realiza por matrices unitarias $\gamma_{m,p}$ y $\gamma_{\Omega m,p}$ tales que $\theta^m : \lambda_{pq}^\phi \rightarrow \gamma_{m,p}\lambda_{pq}^\phi\gamma_{m,q}^{-1}$ y $\Omega\theta^m : \lambda_{pq}^\phi \rightarrow \gamma_{\Omega m,q}\lambda_{pq}^\phi\gamma_{\Omega m,p}^{-1}$ pues Ω intercambia los extremos. Las matrices γ forman una representación de \mathcal{G} , e.g. $(\Omega\theta^m)^2 = \theta^{2m}$ implica

$$\gamma_{\Omega m,p} = \epsilon_{2m} \gamma_{2m,p} \gamma_{\Omega m,p}^T \tag{2}$$

donde $\epsilon_{2m} = \pm 1$. Para determinar ϕ , y luego hallar los estados invariantes bajo \mathcal{G} , es necesario especificar las condiciones de frontera, i.e. el tipo de branas en los extremos. Sólo trataremos con branas D9 y anti D9 ($\overline{D9}$) que aparecen en nuestros modelos.

• Estados $99, \overline{99}$

Para cuerdas 99 , ϕ corresponde exactamente a los modos derechos de la cuerda cerrada. A cada estado se le asigna un peso r de $SO(8)$ con proyección GSO $\sum_a r_a = \text{impar}$ que elimina al taquión y deja estados de masa nula con $r = \mathbf{8}_v$ en el sector NS y $r = \mathbf{8}_s$ en el sector R. La matriz de Chan-Paton λ_{99}^r de los estados de masa nula invariantes debe cumplir

$$\lambda_{99}^r = e^{2i\pi r \cdot v} \gamma_{1,9} \lambda_{99}^r \gamma_{1,9}^{-1}, \quad \lambda_{99}^r = -\gamma_{\Omega,9} \lambda_{99}^r \gamma_{\Omega,9}^{-1} \tag{3}$$

Para cuerdas $\overline{99}$ la función de partición en el cilindro es idéntica a la de cuerdas 99 , de manera que los estados de masa nula son iguales. Las condiciones de invariancia son análogas a (3) con la diferencia de un signo menos extra en la proyección Ω para los estados R. Esto se debe al cambio de signo en el sector R de la amplitud en la cinta de Möbius, reflejo del signo opuesto de la carga RR de $\overline{D9}$ -branas.

• Estados $9\overline{9}, \overline{99}$

La función de partición en el cilindro se obtiene cambiando el signo entre las dos contribuciones del sector NS. Es posible asignar pesos de $SO(8)$ a los estados pero la condición GSO cambia a $\sum_a r_a = \text{par}$. El sector NS incluye al taquión con $r = 0$ y no tiene estados de masa nula. En el sector R hay estados sin masa pero con pesos espinoriales $r = \mathbf{8}_c$ de diferente quiralidad. Invariancia bajo θ implica

$$\lambda_{9\overline{9}}^r = e^{2i\pi r \cdot v} \gamma_{1,9} \lambda_{9\overline{9}}^r \gamma_{1,\overline{9}}^{-1} \tag{4}$$

Bajo Ω , $9\overline{9} \rightarrow \overline{99}$, de forma que se retienen en el espectro la mitad de los estados sin imponer más restricciones.

2.3. Cancelación de tadpoles

Las amplitudes \mathcal{K} , \mathcal{C}_{pq} y \mathcal{M}_p tienen divergencias de tipo $(T^{\text{NSNS}} - T^{\text{RR}}) \int_0^\infty dl$. Los tadpoles T^{NSNS} y T^{RR} no son necesariamente iguales en ausencia de supersimetría pero sólo T^{RR} debe anularse por consistencia [1]. Los tadpoles se calculan como en el caso supersimétrico estudiado en la Ref. 2 cuya notación utilizaremos, limitándonos a describir los cambios relevantes. Para simplificar sólo consideramos \mathbb{Z}_N 's de tipo (1), en particular, θ^m no incluye reflexiones.

La única modificación en \mathcal{K} es la presencia de un coeficiente de estructura de espín $\eta_{0\frac{1}{2}}(n) = -e^{-i\pi n S_v}$ en la traza $\mathcal{Z}_{\mathcal{K}}(\theta^n, \theta^m)$. Este coeficiente es necesario para garantizar invariancia modular de la amplitud en el toroide y luego definir proyecciones consistentes en los estados de cuerda cerrada. Recordemos que sólo $n = 0$ y $n = \frac{N}{2}$ cuando N es par aparecen en $\mathcal{Z}_{\mathcal{K}}$. Para los tadpoles RR se encuentra que

$$T_{\mathcal{K}}^{\text{RR}}(n, m) = e^{i\pi n S_v} 2^{D+I} V_D V_I \prod_{2mv_j \notin \mathbb{Z}} |2 \sin(2\pi mv_j)|, \tag{5}$$

donde $I(V_I)$ es la dimensión (volumen) del sub-espacio compacto invariante bajo θ^m , y V_D es el volumen regularizado del espacio no-compacto. Es importante resaltar que estos tadpoles son creados por estados RR en el sector cerrado torcido por θ^{2m} . Cuando N es par los tadpoles RR se cancelan pues

$$\sum_{m=0}^{N-1} T_{\mathcal{K}}^{\text{RR}}(0, m) + T_{\mathcal{K}}^{\text{RR}}(N/2, m) = 0.$$

Sin embargo, hay tadpoles NSNS proporcionales a V_{10} que pueden ser cancelados introduciendo D9-branas. Los tadpoles RR creados por las D9-branas pueden a su vez ser cancelados con $\overline{D9}$ -branas.

En el cilindro \mathcal{C}_{99} el tadpole RR es

$$T_{99}^{\text{RR}}(m) = (\text{Tr } \gamma_{m,9})^2 V_D V_I \prod_{mv_j \notin \mathbb{Z}} |2 \sin(\pi mv_j)|. \tag{6}$$

Estos tadpoles son producidos por estados RR en el sector de cuerda cerrada torcido por θ^m . En \mathcal{M}_9 se encuentra que

$$T_9^{\text{RR}}(m) = -2^{6-d+I} (\epsilon_{2m} \text{Tr } \gamma_{2m,9}) V_D V_I \times \prod_{mv_j \in \mathbb{Z}} e^{i\pi mv_j} \prod_{mv_j \notin \mathbb{Z}} -2s_j |\sin(\pi mv_j)| \tag{7}$$

donde $s_j = |\cos(\pi m v_j)| / \cos(\pi m v_j)$. En Möbius los tadpoles provienen del sector cerrado torcido por θ^{2m}

Para evaluar los tadpoles creados por $\overline{D9}$ -branas se procede similarmente, considerando los cambios de signo debidos al signo opuesto de la carga RR. El tadpole RR en $\mathcal{C}_{9\overline{9}}$ es análogo a (6), en $\mathcal{M}_{\overline{9}}$ difiere de (7) en un signo menos y en $\mathcal{C}_{9\overline{9}}$ junto con $\mathcal{C}_{\overline{99}}$ se obtiene a partir de (6) reemplazando $(\text{Tr } \gamma_{m,9})^2$ por $-2\text{Tr } \gamma_{m,9}\text{Tr } \gamma_{m,\overline{9}}$. En la cancelación de tadpoles la presencia de $\overline{D9}$ -branas equivale a $\text{Tr } \gamma_{m,9} \rightarrow \text{Tr } \gamma_{m,9} - \text{Tr } \gamma_{m,\overline{9}}$, al igual que en \mathbb{Z}_N supersimétricos [3].

Los términos (5), (6) y (7) se clasifican según su dependencia en volumen. En ejemplos tipo (1), θ^m ó deja invariante todo T^{2d} y $V_D V_I$ es el volumen total V_{10} , ó no deja sub-espacio invariante y $V_I = 1$ por definición. Existen sólo tadpoles proporcionales a V_{10} y V_D . Además, para determinar las condiciones de cancelación es fundamental agrupar los tadpoles de acuerdo al sector torcido cerrado que contribuye. Para N impar y $\forall m$ se obtiene

$$\text{Tr } \gamma_{2m,9} - \text{Tr } \gamma_{2m,\overline{9}} = 32\epsilon_{2m} \prod_{j=1}^d \cos(m\pi v_j). \quad (8)$$

Para N par, la cancelación de los tadpoles RR en \mathcal{K} indica la existencia de dos planos orientifold de cargas opuestas. Por consistencia se deben cancelar los tadpoles RR en Möbius lo cual requiere $\gamma_{\Omega m,p} = \epsilon_{2m-N} \gamma_{2m-N} \gamma_{\Omega m,p}^T$ para $m \geq N/2$. Adicionalmente se debe cumplir

$$\text{Tr } \gamma_{m,9} - \text{Tr } \gamma_{m,\overline{9}} = 0 \quad , \quad \forall m. \quad (9)$$

Esta es la condición de cancelación de tadpoles RR en orientifolios OB en $T^{2d}/\mathbb{Z}_{N/2}$, con $N/2$ impar y $\tilde{v} = (v_0, v_1, v_2, v_3 - 1)$.

3. Modelos

Luego de determinar las matrices γ que satisfacen (8) ó (9), y forman una representación de \mathcal{G} , se procede a deducir el espectro de estados. En el sector abierto hay dos opciones para la acción de Ω , i.e. dos tipos de proyección: ortogonal con $\gamma_{\Omega,p} = \gamma_{\Omega,p}^T$ ($\epsilon_0 = 1$) y simpléctica con $\gamma_{\Omega,p} = -\gamma_{\Omega,p}^T$ ($\epsilon_0 = -1$). Analizaremos los casos \mathbb{Z}_2 y \mathbb{Z}_3 en (1).

- $\mathbb{Z}_2, D = 10$

Los estados pertenecen a representaciones de $SO(8)$. En el sector no-torcido cerrado sobreviven $\mathbf{1} + \mathbf{35} + \mathbf{28}$ (dilatón, gravitón y tensor antisimétrico), mientras que en el sector torcido hay un taquión, denotado $\mathbf{1}^-$, y otro $\mathbf{28}$. En el sector abierto con proyección ortogonal se toma $\gamma_{\Omega,9} = \mathbb{1}_{2n}$ (matriz de dimensión $2n \times 2n$). Sin perder generalidad, $\gamma_{1,9}^2 = \mathbb{1}_{2n}$ y $\gamma_{1,9} = \text{diag}(\mathbb{1}_{2n_1}, -\mathbb{1}_{2n_2})$, con $n = n_1 + n_2$. Similarmente, $\gamma_{\Omega,\overline{9}} = \mathbb{1}_{2\bar{n}}$ y $\gamma_{1,\overline{9}} = \text{diag}(\mathbb{1}_{2\bar{n}_1}, -\mathbb{1}_{2\bar{n}_2})$. Las condiciones (9) implican $n_1 = \bar{n}_1$ y $n_2 = \bar{n}_2$. Para $n_1 + n_2 = 32$

se cancelan también los tadpoles NSNS. Los estados 99 son vectores de calibre del grupo $SO(2n_1) \times SO(2n_2)$, y fermiones $\mathbf{8}_s$ que transforman en una representación bifundamental. Los estados $\overline{99}$ son análogos. El sector $9\overline{9}$ incluye taquiones y fermiones $\mathbf{8}_c$. La materia cargada bajo $SO(2n_1) \times SO(2n_2) \times SO(2\bar{n}_1) \times SO(2\bar{n}_2)$ es:

$$\begin{aligned} & \mathbf{1}^- [(\square, \mathbf{1}; \square, \mathbf{1}) + (\mathbf{1}, \square; \mathbf{1}, \square)] \\ & + \mathbf{8}_s [(\square, \square; \mathbf{1}, \mathbf{1}) + (\mathbf{1}, \mathbf{1}; \square, \square)] \\ & + \mathbf{8}_c [(\square, \mathbf{1}; \mathbf{1}, \square) + (\mathbf{1}, \square; \square, \mathbf{1})]. \end{aligned} \quad (10)$$

Estos resultados coinciden con los obtenidos en la Ref. 4. Con $\epsilon_0 = -1$ se encuentran nuevos modelos. Ahora tenemos

$$\gamma_{\Omega,9} = \begin{pmatrix} iJ_{2n_1} & 0 \\ 0 & iJ_{2n_2} \end{pmatrix} J_{2n} = \begin{pmatrix} 0 & \mathbb{1}_n \\ -\mathbb{1}_n & 0 \end{pmatrix}. \quad (11)$$

Las matrices $\gamma_{m,p}$ son las del caso ortogonal. El grupo resultante es $USp(2n_1) \times USp(2n_2) \times USp(2\bar{n}_1) \times USp(2\bar{n}_2)$. La materia cargada se resumen igual que en (10). El espectro es libre de anomalías de calibre irreducibles, de hecho la anomalía total factoriza y puede ser cancelada por el mecanismo Green-Schwarz.

- $\mathbb{Z}_3, D = 8$

Los estados pertenecen a representaciones de $SO(6)$. En el sector no-torcido cerrado en NSNS sobreviven $\mathbf{1} + \mathbf{20} + \mathbf{1}$, en RR $\mathbf{1} + \mathbf{15}$ y en [NSR + RNS] $\mathbf{4}$. En los sectores torcidos resultan tres copias de $\mathbf{1}^- + \mathbf{1}$ en NSNS y $\mathbf{1} + \mathbf{15}$ en RR. Para el sector abierto con proyección ortogonal tenemos

$$\gamma_{\Omega,9} = \begin{pmatrix} \mathbb{1}_{2n_1} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \mathbb{1}_{n_2} \\ 0 & \mathbb{1}_{n_2} & 0 \end{pmatrix}. \quad (12)$$

Además, $\gamma_{1,9} = \text{diag}(\mathbb{1}_{2n_1}, e^{\frac{2\pi i}{3}} \mathbb{1}_{n_2}, e^{\frac{4\pi i}{3}} \mathbb{1}_{n_2})$. Para $\overline{D9}$ -branas las matrices son análogas. Las condiciones (8) implican $n_1 = \bar{n}_1$ y $n_2 = 16 + \bar{n}_2$. En el sector 99 y $\overline{99}$ los estados de masa nula son vectores de calibre, escalares $\mathbf{1}$ y fermiones $\mathbf{4}$ cargados. El grupo es el producto de $G_9 = SO(2n_1) \times U(n_2)$ y $G_{\overline{9}} = SO(2\bar{n}_1) \times U(\bar{n}_2)$. En el sector $9\overline{9}$ hay taquiones y fermiones $\overline{\mathbf{4}}$ cargados. Por ejemplo, para $n_1 = 0$, el espectro cargado bajo $U(16 + \bar{n}_2) \times U(\bar{n}_2)$, sin incluir antipartículas, es:

$$\begin{aligned} & \mathbf{1}^- [(\square; \square) + (\square; \square)] + \mathbf{1} [(\boxplus; \mathbf{1}) + (\mathbf{1}; \boxplus)] + \\ & \mathbf{4} [(\boxplus; \mathbf{1}) + (\mathbf{1}; \square)] + \overline{\mathbf{4}} [(\square; \square)]. \end{aligned} \quad (13)$$

En la proyección simpléctica, $G_9 = USp(2n_1) \times U(n_2)$ y $G_{\overline{9}} = USp(2\bar{n}_1) \times U(\bar{n}_2)$, con $\bar{n}_1 = n_1$ y $\bar{n}_2 = 16 + n_2$. El espectro fermiónico es básicamente el del caso ortogonal intercambiando las representaciones de los grupos G_9 y $G_{\overline{9}}$. La anomalía total no-abeliana factoriza apropiadamente.

1. J. Polchinski, *String Theory*, **I,II** C.U.P. (1998).
2. G. Aldazabal, A. Font, L.E. Ibáñez y G. Violero, *Nucl. Phys. B* **536** (1998) 29.
3. G. Aldazabal y A. M. Uranga, *JHEP* **9910** (1999) 024.
4. M. Bianchi y A. Sagnotti, *Phys. Lett. B* **247** (1990) 517; A. Sagnotti, hep-th/9509080; O. Bergman y M. Gaberdiel, *Nucl. Phys. B* **499** (1997) 183.