

Response of a model for catalytic oxidation of CO to periodic variation of the reactant's pressure

E. Machado y G.M. Buendía

*Departamento de Física, Universidad Simón Bolívar,
Apartado 89000, Caracas 1080-A, Venezuela*

Recibido el 10 de diciembre de 2003; aceptado el 19 de junio de 2004

Se estudia la respuesta del modelo Ziff-Gulari-Barshad con desorción de CO (ZGB-k) a una variación periódica de la presión externa de CO alrededor de la transición discontinua y asimétrica entre el régimen reactivo (con producción de CO₂) y el régimen inactivo (con la superficie envenenada por CO). En un período la presión de CO, y , toma los valores y_l e y_h durante intervalos de tiempo t_d y t_p , respectivamente. Se encuentra que, dependiendo de t_d y t_p , la actividad catalítica del sistema se incrementa significativamente en relación con los valores estacionarios. En particular, se obtiene que los valores máximos de producción de CO₂ no se alcanzan sobre la recta $t_d = t_p$ como se asume comúnmente, como consecuencia de la asimetría en los tiempos de decaimiento de las fases metaestables que exhibe el modelo.

Descriptores: Termodinámica de no equilibrio; catálisis heterogénea en superficies; modelo ZGB.

We study the response of the Ziff-Gulari-Barshad model with CO desorption (ZGB-k) to a periodic variation of the external CO pressure around the discontinuous and asymmetrical transition between the reactive regime (with CO₂ production) and the inactive regime (with the surface poisoned by CO). In one period the CO pressure, y , takes the values y_l and y_h during the time intervals t_d and t_p , respectively. We find that, depending on the values of t_d and t_p , there is a significative enhancement in the catalytic activity of the system compared with its stationary values. In particular we find that the maximum value of CO₂ production does not occurs when $t_d = t_p$ as it is commonly assumed, this is due to the asymmetry of the decay times of the metastases phases of the model.

Keywords: Nonequilibrium thermodynamics; heterogeneous catalysis at surfaces; ZGB modelo.

PACS: 05.70.Ln; 82.20.Db; 82.65.+r

1. Introducción

El estudio de la oxidación catalítica de CO tiene gran importancia tecnológica, particularmente en lo relacionado con el control de emisiones. Existen numerosos estudios experimentales y teóricos [1–6] que reportan un incremento sustancial de la eficiencia de la superficie catalítica cuando se somete a variaciones periódicas de la presión relativa de los reactantes. Una variación periódica exitosa debe tomar en cuenta la naturaleza no lineal del proceso químico en la escogencia de la variación de la presión.

El modelo de Ziff, Gulari y Barshad (ZGB) [7] describe algunos aspectos de la reacción $\text{CO} + \text{O} \rightarrow \text{CO}_2$ sobre una superficie catalítica en función de un único parámetro y , que representa la presión de CO relativa a la de O₂ en la fase gaseosa a la que se expone la superficie catalítica. El modelo exhibe dos transiciones de fase cinéticas, una continua para $y = y_1 \cong 0.387368$ y otra discontinua para $y = y_2 \cong 0.5256$. Si se introduce en el modelo desorción de CO a una tasa k , entonces y_2 se convierte en una función de k y da lugar a una curva de coexistencia $y_2(k)$ entre las fases de baja y alta cobertura de CO (por cobertura se entiende la fracción de sitios ocupados por uno de los reactantes) [8,9]. Esta transición discontinua inducida por y es no simétrica, de manera que las fases metaestables asociadas van a tener tiempos de vida diferentes [10], lo cual produce un comportamiento dinámico complejo.

Este trabajo tiene como propósito reportar resultados de simulaciones de Monte Carlo (MC) de la respuesta del mo-

delo ZGB con desorción de CO a variaciones periódicas del parámetro y . En la Sec. 2 se describe el modelo y el algoritmo utilizado en las simulaciones, mientras que los resultados son presentados en la Sec. 3. Finalmente unas breves conclusiones en la Sec. 4.

2. Modelo y simulación

El algoritmo de simulación genera una secuencia de intentos de adsorción y desorción que ocurren con probabilidades $1 - k$ y k , respectivamente. En ambos procesos un sitio i de la red es seleccionado aleatoriamente. En la desorción, si i está ocupado por CO, el sitio se desocupa; si no, el intento termina [8].

En la adsorción, si i está ocupado, el intento termina; si no, elegimos una molécula, CO u O₂ con probabilidades y o $1 - y$, respectivamente. La molécula de CO es colocada en i si ninguno de sus cuatro vecinos cercanos aloja un átomo de O, en cuyo caso un sitio reaccionante es elegido al azar de los vecinos ocupados por O. El resultado neto en este caso sería desocupar un sitio vecino de i y mantener vacante el propio sitio i . Para la adsorción del O₂, se selecciona un vecino cercano j , de i , al azar para la adsorción del otro O de la molécula de oxígeno, si j está ocupado el intento termina; si no, un átomo de O es colocado en i si ninguno de los tres vecinos cercanos restantes aloja una molécula de CO, en cuyo caso un sitio reaccionante es seleccionado aleatoriamente de los vecinos acupados por CO y ambos sitios son desocupados al final del proceso. Adsorción y reacción en el sitio j sigue las mismas reglas [7,8].

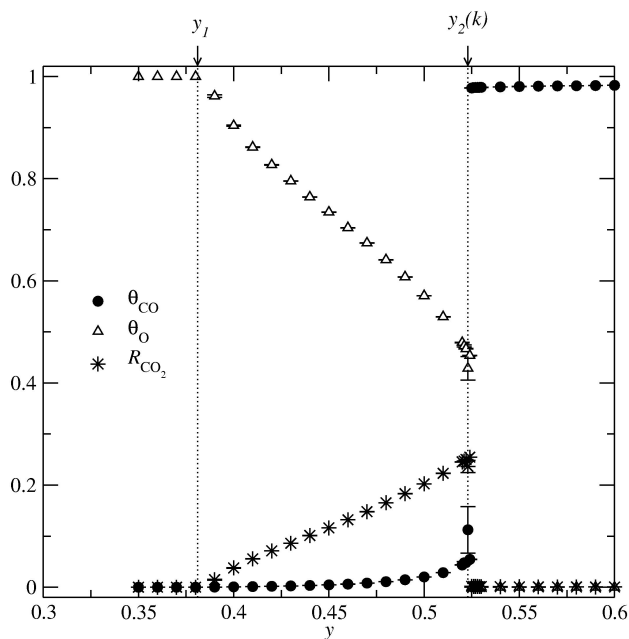


FIGURA 1. Valores estacionarios de las coberturas de CO y de O, y de la producción de CO_2 como función de y para $k = 0.01$. Debe notarse que R_{CO_2} se hace máximo cuando $y \rightarrow y_2(k)^-$ y se anula cuando $y \rightarrow y_2(k)^+$.

El modelo ZGB con desorción es simulado sobre una red cuadrada de $L \times L$ sitios, asumiendo condiciones de borde periódicas. La unidad de tiempo es el paso de MC por sitio (MCSS) durante el cual cada sitio de la red es visitado en promedio una vez. Todas las simulaciones fueron realizadas en una red de lado $L = 100$.

3. Resultados

En la Fig. 1 se muestran los valores estacionarios de θ_{CO} , θ_{O} y R_{CO_2} , las coberturas de CO y O, y la producción de CO_2 , respectivamente, como función de y . En la región activa, $y_1 < y < y_2(k)$, el sistema se encuentra en la fase de baja- θ_{CO} y exhibe una $R_{\text{CO}_2} \neq 0$. Cuando y tiende a $y_2(k)$ por la izquierda, $y \rightarrow y_2(k)^-$, R_{CO_2} toma su valor máximo; mientras que en el límite $y \rightarrow y_2(k)^+$, R_{CO_2} prácticamente se anula debido a que la red se llena casi completamente con CO, es decir, se “envenena” y pasa a la fase de alta- θ_{CO} .

La mayoría de las formas utilizadas para perturbar el proceso de oxidación catalítico, con el objetivo de lograr un aumento de la producción de CO_2 , consisten en variar y periódicamente alrededor de y_2 y aprovechar la naturaleza no lineal del cambio de fase. El paso de una fase a la otra no ocurre de manera instantánea cuando repentinamente y se hace mayor o menor que $y_2(k)$, pues la fase que deja el sistema se convierte en una fase metaestable que posee un tiempo de decaimiento finito. En general los tiempos de decaimiento aumentan en la medida en que y tiende a $y_2(k)$, sin embargo es diferente la dependencia con y en el caso en que la fase metaestable es la de baja- θ_{CO} (paso a la fase de alta- θ_{CO} o envenenamiento), que en el caso en que la fase metaestable

es la de alta- θ_{CO} (paso a la fase de baja- θ_{CO} o descontaminación) [10]. Esto sugiere que en el estudio de la respuesta del sistema a variaciones periódicas de la presión relativa de CO es necesario considerar la relación entre al menos tres escalas de tiempo: período de la variación de presión, tiempo de descontaminación y tiempo de envenenamiento.

Es así que el sistema es sometido a una presión relativa de CO oscilatoria, $y(t)$, con período $T = t_d + t_p$, donde t_d es

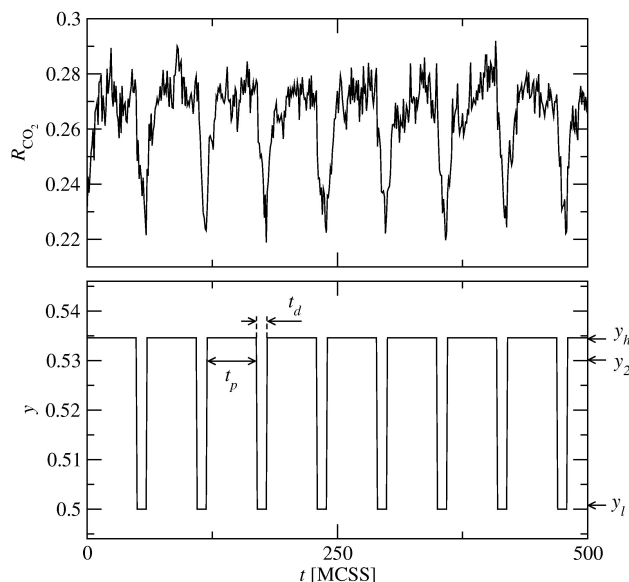


FIGURA 2. Series temporales de la producción de CO_2 y de la presión relativa de CO. $y(t)$ toma los valores y_l y y_h durante los intervalos de tiempo $t_d = 10$ y $t_p = 50$ MCSS, respectivamente; mientras que, los correspondientes tiempos promedios de descontaminación y de envenenamiento son, $\tau_d = 208.35(4)$ y $\tau_p = 518.80(1)$ MCSS.

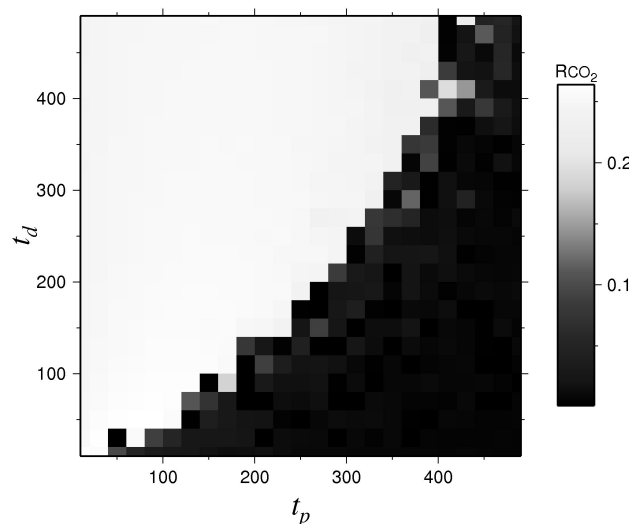


FIGURA 3. Mapa de la producción de CO_2 promedio en un período versus t_d y t_p , para $y_l = 0.52$, $y_h = 0.535$ y $k = 0.01$. Los valores máximos de R_{CO_2} para un t_p dado se alcanzan sobre la curva que separa la región en la cual $R_{\text{CO}_2} \neq 0$ de la región en que $R_{\text{CO}_2} = 0$.

el intervalo de tiempo durante el cual toma su valor mínimo y_l y t_p es el intervalo de tiempo en que toma su valor máximo y_h , véase la Fig. 2. Los valores que toma y están a ambos lados de la curva de coexistencia, es decir, $y_l < y_2(k) < y_h$. Como se observa en la Fig. 2 la producción de CO_2 exhibe un comportamiento oscilatorio, siendo su valor promedio en un período mayor que el valor estacionario para $y = y_l$ (ya que para $y = y_h$ es prácticamente cero).

Manteniendo los valores de y_l e y_h se variaron los tiempos t_d y t_p . En el plano t_d - t_p se distinguen dos regiones, una de alta producción de CO_2 y otra de baja producción, como se puede ver en la Fig. 3. Es de señalar que los valores máximos de producción de CO_2 promedio se alcanzan sobre la curva que separa las regiones de alta y baja producción. El hecho de que esta curva no sea una recta significa que los valores óptimos de producción de CO_2 no se alcanzan para $t_d = t_p$, que es precisamente la forma adoptada en la mayoría de los estudios experimentales y teóricos anteriores.

4. Conclusiones

Se estudia la respuesta del modelo ZGB con desorción de CO sometido a variaciones periódicas de la presión relativa de CO, $y(t)$, alrededor de la transición discontinua asimétrica, $y_2(k)$, que separa las fases de baja y alta cobertura de CO. En un período $y(t)$, toma los valores y_l e y_h durante intervalos de tiempo t_d y t_p , respectivamente.

Se encuentra que, dependiendo de t_d y t_p , la actividad catalítica del sistema se incrementa significativamente en relación con los valores estacionarios. Como consecuencia de la asimetría en los tiempos de decaimiento de las fases metaestables que exhibe el modelo, los valores máximos de producción de CO_2 no se alcanzan sobre la recta $t_d = t_p$, que es la forma de variar la presión en la mayoría de los estudios experimentales y teóricos previos.

-
1. A.C. López y E.V. Albano, *J. Chem. Phys.* **112** (2000) 3890.
 2. R. Imbhil y G. Ertl, *Chem. Rev.* **95** (1995) 697.
 3. M. Ehsasi *et al.*, *J. Chem. Phys.* **91** (1989) 4949.
 4. G. Vaporciyan, A. Annapragada y E. Gulari, *Chem. Eng. Sci.* **43** (1988) 2957.
 5. M.B. Cutlip, C.J. Hawkins, D. Mukesh, W. Morton y C. N. Kenney, *Chem. Eng. Commun.* **22** (1983) 329.
 6. L.L. Hegedus, C.C. Chang, D.J. McEwen y E.M. Sloan, *Ind. Eng. Chem. Fundam.* **19** (1980) 367.
 7. R.M. Ziff, E. Gulari y Y. Barshad, *Phys. Rev. Lett.* **56** (1986) 2553.
 8. T. Tomé y R. Dickman, *Phys. Rev. E* **47** (1993) 948.
 9. J. Marro y R. Dickman, *Nonequilibrium Phase Transitions in Lattice Models*, (Cambridge University Press, 1999) ch. 5, pp. 141.
 10. E. Machado, G. M. Buendía y P. A. Rikvold, (próximo a publicarse).